

1 次の各問いの正しい答えをア～エから選びなさい。

(1) $(\frac{1}{3} - \frac{1}{2}) \div (-0.2)$ を計算しなさい。 $-\frac{1}{6} \div (-\frac{1}{5}) = \frac{5}{6}$

- ア $\frac{1}{12}$ イ $\frac{5}{6}$ ウ $-\frac{5}{12}$ エ $\frac{1}{4}$

(2) $\frac{-x+1}{2} - 1 + \frac{1}{3}x$ を計算しなさい。 $\frac{-3x+3-6+2x}{6} = \frac{-x-3}{6}$

- ア $-5x-3$ イ $-\frac{x-3}{6}$ ウ $\frac{-x-3}{6}$ エ $\frac{-5x-3}{6}$

(3) $(-9ab-3a) \div \frac{3}{2}ab$ を計算しなさい。 $(-9ab-3a) \times \frac{2}{3ab} = -6 - \frac{2}{b}$

- ア $-2b-4$ イ $-4b-6$ ウ $-\frac{2}{b}-6$ エ $-\frac{4}{b}-4$

(4) $\sqrt{n^2+29}$ が整数となるような、自然数 n の値を求めなさい。

$\sqrt{n^2+29} = a$ (a は整数) とおくと、 $n^2+29=a^2$ から、 $(a+n)(a-n)=29$ で、 $a+n > a-n$ で $a+n > 0$

したがって $a+n=29$ 、 $a-n=1$ から $a=15$ 、 $n=14$

- ア 11 イ 15 ウ 14 エ 12

(5) 方程式 $x^2 - 6x - 2a = 0$ の解の 1 つが $3 + \sqrt{5}$ であるとき、 a の値を求めなさい。

$(3 + \sqrt{5})^2 - 6(3 + \sqrt{5}) - 2a = 0$ から、 $a = -2$

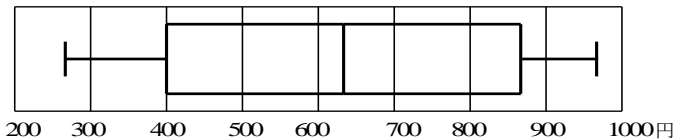
- ア $a = -2$ イ $a = -3$ ウ $a = 3$ エ $a = 2$

(6) $y = ax^2$ について、 x の変域が、 $-3 \leq x \leq b$ のとき、 y の変域は $-18 \leq y \leq -2$ である a 、 b の値を求め

なさい。 $x = -3$ のとき $y = -18$ から $a = -2$ で、 $x = b$ のとき $y = -2$ から、 $-2 = -2b^2$ で $b < 0$ から $b = -1$

- ア $a = -2$ 、 $b = 1$ イ $a = 2$ 、 $b = -1$ ウ $a = 2$ 、 $b = 1$ エ $a = -2$ 、 $b = -1$

(7) 図は、ある店のお客さん 1 人が買い物で使う代金を、箱ひげ図に表したものです。①から⑤で、正しく述べたものを選びなさい。

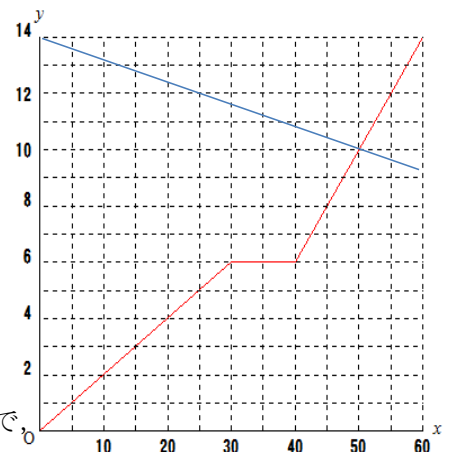


- ① 中央値は 600 円以上である。
 ② 四分位範囲は 500 円以上である。
 ③ 800 円以上の買い物をしたお客さんは、全体の 25% 以上である。
 ④ 買い物の金額が 600 円未満のお客さんは、全体の 50% 以上である。
 ⑤ お客さんの買い物をした金額の平均は 600 円より多い。

- ア ①、⑤ イ ②、④ ウ ①、③ エ ②、⑤

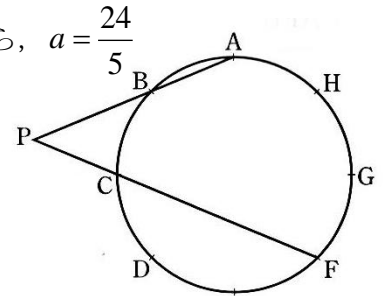
(8) 太郎は、全長 14km のコースを、スタートの A 地から途中の B 地まで走り、10 分間休憩し、B 地からゴールの C 地までは自転車に乗って進む。太郎の走る速さは毎時 12km、自転車で進む速さは毎時 24km でスタートからゴールするまでに 1 時間かかった。

太郎がスタートして x 分後の A 地からの道のりを y km として、 x と y の関係をグラフに表すと、走った時間を t (分) とすると、10 分間休憩したので、



$\frac{12}{60}t + \frac{24}{60}(50-t) = 14$ で、 $t=30$ から、グラフは図のようになる。花子は、太郎さんがスタートすると同時に同じコースを C 地から A 地へ出発し、毎時 a km で歩くと、50 分後に太郎とすれ違ったので、太郎は 50 分後に A から 10km の地点にいるので、花子は 50 分で 4km 進み $\frac{a}{60} \times 50 = 4$ から、 $a = \frac{24}{5}$

- ア $a = \frac{24}{5}$ イ $a = 5$ ウ $a = \frac{22}{4}$ エ $a = \frac{14}{3}$



- (9) 図のように、円周を 8 等分する点を A~H とする。2 直線 AB と CF の交点を P とすると、 $\angle APF$ の大きさを求めなさい。

円周を 8 等分する弧に対する円周角は $\frac{360}{8} \times \frac{1}{2} = 22.5^\circ$ で、 $\angle PAF$ は 4 つの弧に対する円周角で $22.5 \times 4 = 90^\circ$

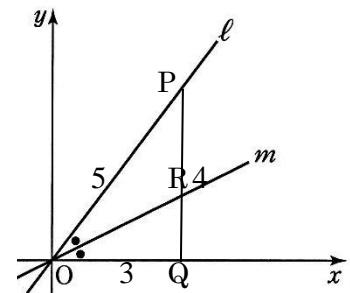
$\angle AFP$ は 2 つの弧に対する円周角で、 45° なので、 $\angle APF = 45^\circ$

- ア 45° イ 40° ウ 50° エ 42.5°

- (10) 図のグラフで、 l は $y = \frac{4}{3}x$ のグラフである。直線 m が直線 l と x 軸

とのなす角を 2 等分するとき、直線 m の式を求めなさい。

l の傾き $\frac{4}{3}$ なので、 $OQ : PQ : PO = 3 : 4 : 5$ で、角の二等分線の性質から、



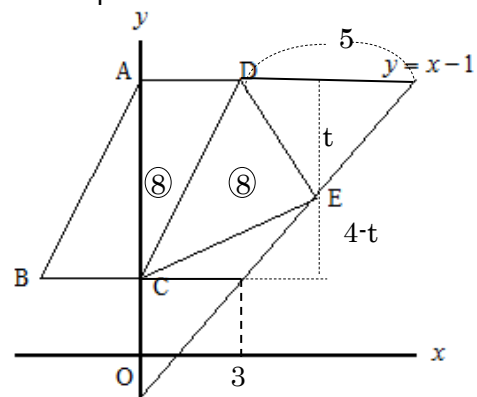
$PR : RQ = PO : OQ = 5 : 3$ である。したがって、 $RQ = PQ \times \frac{3}{5+3}$ で、 $OQ : RQ = 3 : 4 \times \frac{3}{8} = 2 : 1$ から m は $y = \frac{1}{2}x$

- ア $y = \frac{1}{3}x$ イ $y = \frac{1}{2}x$ ウ $y = \frac{2}{3}x$ エ $y = \frac{1}{4}x$

- (11) 図で、四角形 ABCD は平行四辺形、A、C は y 軸上で、AD は x 軸と平行、E は $y = x - 1$ 上の点である。

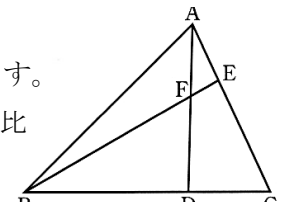
A、B の座標がそれぞれ $(0, 6)$ 、 $(-2, 2)$ 、平行四辺形 ABCD の面積と $\triangle DCE$ の面積が等しいとき、E の座標を求めなさい。

$$\frac{1}{2} \times 5 \times t + \frac{1}{2} \times 3 \times (4-t) = 8 \text{ から、} t = 2 \text{ で、} E(5, 4)$$



- ア $(6, 5)$ イ $(7, 6)$ ウ $(6, 4)$ エ $(5, 4)$

- (12) $\triangle ABC$ の辺 BC 上に点 D、辺 AC 上に点 E をとり、AD と BE の交点を F とします。BD : DC = 2 : 1、BF : FE = 6 : 1 のとき、 $\triangle ABC$ の面積と、四角形 CEFD の面積の比を、最も簡単な整数の比で表しなさい。



$FE = t$ とすると、 $BE : DE = BC : DC = 3 : 1$ から、 $7t : DG = 3 : 1$ で、 $DG = \frac{7}{3}t$ なので、 $FE : DG = AF :$

$AD = t : \frac{7}{3}t = 3 : 7$ から、 $AF : FD = 3 : 4$ である。また、 $AF : FD = AE : EG = 3 : 4$ で、 $EG : GC = BD : DC$

$= 2 : 1$ から、 $AE : EG : GC = 3 : 4 : 2$ なので、 $\triangle AFE = \triangle ADC \times \frac{3}{7} \times \frac{3}{9} = \frac{1}{7} \triangle ADC = \frac{1}{7} \times \frac{1}{3} \triangle ABC$ から、

四角形 CEFD = $\triangle ADC - \triangle AFE = \frac{1}{3} \triangle ABC - \frac{1}{21} \triangle ABC = \frac{6}{21} \triangle ABC$ なので、 $\triangle ABC : \text{四角形 CEFD} = 7 : 2$

- ア 8 : 3 イ 5 : 2 ウ 3 : 1 エ 7 : 2